

Test in AlgGeo \diamond Examen en AlgGéo \diamond Type E1 \diamond I / 2

Probl. 1

$$\begin{aligned}\vec{a}_1 &= 3\vec{e}_1 - \vec{e}_2 + \vec{e}_3 \\ \vec{a}_2 &= -\vec{e}_1 + 2\vec{e}_2 - \vec{e}_3 \\ \vec{a}_3 &= \vec{e}_1 + 2\vec{e}_2 + 4\vec{e}_3\end{aligned}$$

$\{\vec{a}_1, \vec{a}_2, \vec{a}_3\} \rightsquigarrow$ Basis? • *Base?*
Basiswechsel: • *Changement de base:*
 $\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3 = ?$

Probl. 2 $A = A(0/0), B = B(7/0), C = C(4/5)$,
 $\overrightarrow{OA'} = \overrightarrow{OB} + \frac{1}{3} \overrightarrow{BC}, \overrightarrow{OB'} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AC}$
 $S = \overline{AA'} \cap \overline{BB'}$

Die Gerade \overline{CS} schneidet die x -Achse in x_0 .
• *La droite \overline{CS} coupe l'axe x à x_0 .*
 $\rightsquigarrow x_0 = ?$

Probl. 3 $z_1 = a + i b \in \mathbb{C}, |z_1| = 1, z_2 = \bar{z}_1, z_3 = z_1 + z_2$
 $\triangle z_1 z_2 z_3 \rightsquigarrow$ Das Dreieck ist gleichseitig. • *Le triangle est équilatéral.*
Gesucht: • *On demande:* $z_1 = ?$

Probl. 4 $w = 3 + 4i, u = a + bi$

(a) Für welche u gilt die folgende Gleichung? • *Pour quels u l'équation suivante est valable?*

$$|w + u|^2 + |w - u|^2 = 2(|w|^2 + |u|^2), u = ?$$

(b) Deute die Gleichung geometrisch! • *Simplification géométrique de l'équation?*

Probl. 5 $z_1 = 3 - 2i, 2i(z_1^2 - z_1) = (z - 1)^5$

- (a) Skizziere die Lösungen z . • *Esquisse des solutions z*
(b) Berechne auf 4 Stellen genau die erste „Basislösung“ (Gegenuhrzeigersinn).
• *Calculer à une exactitude de 4 places la 1ère solution de base (contre le sens des aiguilles de la montre).*
(c) Berechne das arithmetische Mittel der Lösungen. • *Calculer la moyenne arithmétique des solutions.*

Probl. 6 $p(x) = a x^3 + b x^2 + c x + d \rightsquigarrow$ Nullstellen • *zéros* $x_1 = 1, x_2 = -2, x_3 = 3$.

Es gilt zudem: • *En plus il vaut:* $d = -6$

Berechne $a, b, c!$ • *Calculer $a, b, c!$*

(Skizziere den Graphen!) • *(Esquisse du graphe!)*

Viel Glück! • *Bonne chance!*